

# Вариант 1

1 Сколько значащих нулей в двоичной записи шестнадцатеричного числа  $3FC5_{16}$ ?

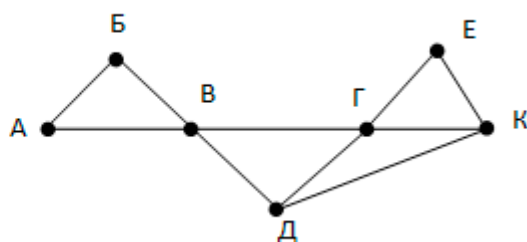
2 Логическая функция  $F$  задаётся выражением  $(a \rightarrow b) \wedge ((a \wedge b) \rightarrow \neg c)$ .  
Определите, какому столбцу таблицы истинности функции  $F$  соответствует каждая из переменных  $a, b, c$ .

?	?	?	<b>F</b>
0	0	0	1
0	0	1	0
0	1	0	1
0	1	1	1
1	0	0	1
1	0	1	0
1	1	0	1
1	1	1	0

В ответе напишите буквы  $a, b, c$  в том порядке, в котором идут соответствующие им столбцы (без разделителей).

3 На рисунке справа схема дорог  $N$ -ского района изображена в виде графа, в таблице содержатся сведения о длинах этих дорог (в километрах).

	п1	п2	п3	п4	п5	п6	п7
п1		11	5		12		
п2	11		8	15		23	
п3	5	8			10		7
п4		15				10	
п5	12		10				11
п6		23		10			
п7			7		11		



Так как таблицу и схему рисовали независимо друг от друга, то нумерация населённых пунктов в таблице никак не связана с буквенными обозначениями на графе. Определите, какова длина дороги из пункта В в пункт Г.

4 В фрагменте базы данных представлены сведения о родственных отношениях. Определите на основании приведённых данных идентификатор

дедушки Сабо С.А.

Таблица 1

ID	Фамилия_И.О.	Пол
1243	Бесчастных П.А.	М
1248	Попович А. А.	М
1250	Ан Н.А.	Ж
1251	Ан В. А.	Ж
1257	Фоменко П.И.	М
2230	Фоменко Е.А.	Ж
2300	Фоменко И.А.	М
3252	Фоменко Т.Х.	Ж
3293	Поркуян А. А	Ж
3319	Сабо С.А.	Ж
5215	Фоменко А.К.	М
6214	Попович Л.П.	Ж
6258	Фоменко Т.И.	Ж
9252	Бесчастных А.П	М

Таблица 2

ID_Родителя	ID_Ребенка
2230	1243
2230	1251
2230	3319
2300	6258
2300	1257
3252	6258
3252	1257
5215	2230
5215	2300
6214	2230
6214	2300
9252	1243
9252	1251
9252	3319

5 По каналу связи передаются сообщения, содержащие только буквы А, В, С, D. Для передачи используется двоичный код, допускающий однозначное декодирование. Для букв А, В, С используются такие кодовые слова:

А – 1, В – 010, С – 000.

Укажите кратчайшее кодовое слово для буквы D, при котором код будет допускать однозначное декодирование. Если таких кодов несколько, укажите код с наименьшим числовым значением.

6 У исполнителя Аккорд две команды, которым присвоены номера:

1. прибавь  $x$ ,
2. умножь на 2

где  $x$  – неизвестное положительное число. Программа для исполнителя Аккорд – это последовательность номеров команд. Известно, что программа 12121 переводит **число 4 в число 65**. Определите значение  $x$ .

7 Дан фрагмент электронной таблицы.

	A	B	C
1	4	???	=A1*25
2	=B1/A1	=C1/B1	=B2+C1/20



Какое целое число должно быть записано в ячейке B1, чтобы диаграмма, построенная по значениям ячеек диапазона A2:C2, соответствовала рисунку? Известно, что все значения ячеек из рассматриваемого диапазона неотрицательны.

8 При каком наибольшем введенном числе  $d$  после выполнения программы будет напечатано 55?

Паскаль	Python	Сн
<pre>var n, s, d: integer; begin   readln(d);   n := 0;   s := 0;   while s &lt;= 365 do begin     s := s + d;     n := n + 5   end;   write(n) end.</pre>	<pre>d = int(input()) n = 0 s = 0 while s &lt;= 365:   s = s + d   n = n + 5 print(n)</pre>	<pre>#include &lt;stdio.h&gt; int main() { int n = 0, s = 0, d;   scanf("%d", &amp;d);   while (s &lt;= 365) {     s = s + d;     n = n + 5;   }   printf("%d", n);   return 0; }</pre>

- 9 Рисунок размером 512 на 256 пикселей занимает в памяти 64 Кбайт (без учёта сжатия). Найдите максимально возможное количество цветов в палитре изображения.
- 10 Алексей составляет таблицу кодовых слов для передачи сообщений, каждому сообщению соответствует своё кодовое слово. В качестве кодовых слов Алексей использует 5-буквенные слова, в которых есть только буквы А, В, С, Х, причём буква Х может появиться на последнем месте или не появиться вовсе. Сколько различных кодовых слов может использовать Алексей?
- 11 Процедура  $F(n)$ , где  $n$  – натуральное число, задана следующим образом:

Паскаль	Python	Сн
<pre>procedure F(n: integer); begin   writeln(n);   if n &lt; 6 then begin     F(n+2);     F(n*3)   end end;</pre>	<pre>def F(n):   print(n)   if n &lt; 6:     F(n+2)     F(n*3)</pre>	<pre>void F(int n) {   printf("%dn",n);   if (n &lt; 6 ) {     F(n+2);     F(n*3);   } }</pre>

Найдите сумму чисел, которые будут выведены при вызове  $F(1)$ .

- 12 Два узла, находящиеся в одной сети, имеют IP-адреса 118.222.130.140 и 118.222.201.140. Укажите наибольшее возможное значение третьего слева байта маски сети. Ответ запишите в виде десятичного числа.
- 13 Для регистрации на сайте некоторой страны пользователю требуется придумать пароль. Длина пароля – ровно 11 символов. В качестве символов используются десятичные цифры и 12 различных букв местного алфавита, причём все буквы используются в двух начертаниях: как строчные, так и заглавные (регистр буквы имеет значение!). Под хранение каждого такого пароля на компьютере отводится минимально возможное и одинаковое целое количество байтов, при этом используется посимвольное кодирование и все символы кодируются одинаковым и минимально возможным количеством битов. Определите объём памяти в байтах, который занимает хранение 60 паролей.

14 Исполнитель Редактор получает на вход строку цифр и преобразовывает её. Редактор может выполнять две команды, в обеих командах  $v$  и  $w$  обозначают цепочки цифр.

1. заменить ( $v, w$ )
2. нашлось ( $v$ )

Первая команда заменяет в строке первое слева вхождение цепочки  $v$  на цепочку  $w$ , вторая проверяет, встречается ли цепочка  $v$  в строке исполнителя Редактор. Если она встречается, то команда возвращает логическое значение «истина», в противном случае возвращает значение «ложь».

Какая строка получится в результате применения приведённой ниже программы к строке, состоящей из 125 идущих подряд цифр 8? В ответе запишите полученную строку.

НАЧАЛО

ПОКА нашлось (333) ИЛИ нашлось (888)

  ЕСЛИ нашлось (333)

    ТО заменить (333, 8)

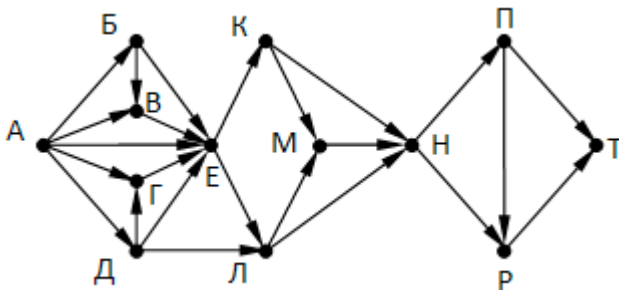
  ИНАЧЕ заменить (888, 3)

  КОНЕЦ ЕСЛИ

КОНЕЦ ПОКА

КОНЕЦ

15 На рисунке изображена схема дорог, связывающих города А, Б, В, Г, Д, Е, К, Л, М, Н, П, Р, Т. По каждой дороге можно двигаться только в одном направлении, указанном стрелкой. Сколько существует различных путей из города А в город Т?



16 Укажите наименьшее основание системы счисления, в которой запись числа 86 оканчивается на 22.

17 В таблице приведены запросы и количество найденных по ним страниц некоторого сегмента сети Интернет.

Запрос	Количество страниц (тыс.)
<i>пирожное &amp; выпечка</i>	3200
<i>пирожное</i>	8700
<i>выпечка</i>	7500

Какое количество страниц (в тысячах) будет найдено по запросу *пирожное | выпечка*?

18 Укажите наименьшее целое значение  $A$ , при котором выражение

$$(3y + 2x < A) \vee (x > 8) \vee (y > 12)$$

истинно для любых целых положительных значений  $x$  и  $y$ .

- 19 В программе описан одномерный целочисленный массив с индексами от 0 до 10. Ниже представлен фрагмент программы, обрабатывающий данный массив:

Паскаль	Python	Си
<pre>s := 0; n := 10; for i:=0 to n-3 do begin   s := s + A[i] - A[i+2] end;</pre>	<pre>s = 0 n = 10 for i in range(n-2):   s = s + A[i] - A[i+2]</pre>	<pre>s = 0; n = 10; for (i=0; i&lt;=n-3; i++)   s = s + A[i] - A[i+2];</pre>

В начале выполнения этого фрагмента в массиве находились трёхзначные натуральные числа. Какое наибольшее значение может иметь переменная s после выполнения данной программы?

- 20 Укажите наименьшее из таких чисел x, при вводе которых алгоритм печатает сначала 3, а потом 15.

Паскаль	Python	Си
<pre>var x, a, b: integer; begin   readln(x);   a:=0; b:=1;   while x &gt; 0 do begin     a:= a + 1;     b:= b*(x mod 10);     x:= x div 10;   end;   writeln(a); write(b); end.</pre>	<pre>x = int(input()) a = 0 b = 1 while x &gt; 0:   a = a + 1   b = b*(x % 10)   x = x // 10 print(a) print(b)</pre>	<pre>#include &lt;stdio.h&gt; int main(void) {   int a, b, x;   scanf("%d", &amp;x);   a = 0; b = 1;   while (x &gt; 0) {     a = a + 1;     b = b*(x % 10);     x = x / 10;   }   printf("%d\n%d", a, b); }</pre>

- 21 Напишите в ответе наибольшее значение входной переменной k, при котором программа выдаёт тот же ответ, что и при входном значении k = 45.

Паскаль	Python	Си
<pre>var k, i : longint; function f(n: longint): longint; begin   f := n * n; end; function g(n: longint): longint; begin   g := 3*n + 2; end; begin   readln(k);   i := 1;   while f(i) &lt; g(k) do     i := i+1;   writeln(i) end.</pre>	<pre>def f(n):   return n * n def g(n):   return 3*n + 2 k = int(input()) i = 1 while f(i) &lt; g(k):   i+=1 print (i)</pre>	<pre>#include &lt;stdio.h&gt; long f(long n) {   return n * n; } long g(long n) {   return 3*n + 2; } int main() {   long k, i;   scanf("%ld", &amp;k);   i = 1;   while(f(i) &lt; g(k))     i++;   printf("%ld", i);   return 0; }</pre>

22 Исполнитель Калькулятор преобразует число на экране. У исполнителя есть две команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 1
2. Прибавить 2

Программа для исполнителя Калькулятор – это последовательность команд. Сколько существует программ, для которых при исходном числе 1 результатом является число 12 и при этом траектория вычислений содержит число 7?

23 Сколько существует различных наборов значений логических переменных  $x_1, x_2, \dots, x_8, y_1, y_2, \dots, y_8$ , которые удовлетворяют всем перечисленным ниже условиям?

$$\begin{aligned} (x_1 \vee x_2) \wedge (x_1 \wedge x_2 \rightarrow x_3) \wedge (\neg x_1 \vee y_1) &= 1 \\ (x_2 \vee x_3) \wedge (x_2 \wedge x_3 \rightarrow x_4) \wedge (\neg x_2 \vee y_2) &= 1 \\ &\dots \\ (x_6 \vee x_7) \wedge (x_6 \wedge x_7 \rightarrow x_8) \wedge (\neg x_6 \vee y_6) &= 1 \\ (x_7 \vee x_8) \wedge (\neg x_7 \vee y_7) &= 1 \\ \neg x_8 \vee y_8 &= 1 \end{aligned}$$

24 Дано целое положительное число  $N$ . Необходимо определить наименьшее целое число  $K$ , для которого выполняется неравенство:

$$1 + 2 + \dots + K \geq N.$$

Программист написал программу неправильно.

Паскаль	Python	Си
<pre>var n, k: integer; begin   read(n);   k := 1;   while n &gt;= 0 do begin     k := k + 1;     n := n - k;   end;   writeln(k) end.</pre>	<pre>n = int(input()) k = 1 while n &gt;= 0:   k = k + 1   n = n - k print(k)</pre>	<pre>#include &lt;stdio.h&gt; int main() {   int n, k;   scanf("%d",&amp;n);   k = 1;   while (n &gt;= 0) {     k = k + 1;     n = n - k;   }   printf("%d", k);   return 0; }</pre>

Последовательно выполните следующее.

1. Приведите пример числа  $N$ , при вводе которого программа выдаёт неверный ответ. Укажите этот ответ.
2. Приведите пример числа  $N$ , при вводе которого программа выдаёт верный ответ. Укажите этот ответ.
3. Найдите все ошибки в этой программе (их может быть одна или несколько). Известно, что каждая ошибка затрагивает только одну строку и может быть исправлена без изменения других строк. Для каждой ошибки:

- 1) выпишите строку, в которой сделана ошибка;
- 2) укажите, как исправить ошибку, т.е. приведите правильный вариант строки.

**25** Дан массив, содержащий 2015 неотрицательных целых чисел. Необходимо найти в этом массиве количество таких элементов, которые равны среднему арифметическому двух элементов, расположенных сразу после него. Например, в массиве из 6 элементов, равных соответственно 2, 3, 1, 5, 6, 4, есть три таких элемента, они расположены на первом, втором и четвёртом месте и равны 2, 3 и 5.

Паскаль	Python	Си
<pre>const n = 2015; var   a: array [0..n-1]     of integer;   i, k: integer; begin   for i := 0 to n-1 do     readln(a[i]);   ... end.</pre>	<pre># допускается также # использовать # целочисленную # переменную k a = [] n = 2015 for i in range(n):   a.append(int(input())) ...</pre>	<pre>#include &lt;stdio.h&gt; #define n 2015 int main() {   int a[n];   int i, k;   for (i = 0; i &lt; n; i++)     scanf("%d", &amp;a[i]);   ...   return 0; }</pre>

**26** Два игрока, Петя и Ваня, играют в следующую игру. Перед игроками лежат две кучи камней. Игроки ходят по очереди, первый ход делает Петя. За один ход игрок может добавить в одну из куч (по своему выбору) **один** камень или увеличить количество камней в куче **в два раза**. Игра завершается в тот момент, когда суммарное количество камней в кучах становится не менее **77**. Победителем считается игрок, сделавший последний ход, т.е. первым получивший такую позицию, что в кучах всего будет 77 камней или больше.

**Задание 1.** Для каждой из начальных позиций (10, 33), (12, 32) укажите, кто из игроков имеет выигрышную стратегию. В каждом случае опишите выигрышную стратегию; объясните, почему эта стратегия ведёт к выигрышу, и укажите, какое наибольшее количество ходов может потребоваться победителю для выигрыша при этой стратегии.

**Задание 2.** Для каждой из начальных позиций (10, 32), (11, 32), (12, 31) укажите, кто из игроков имеет выигрышную стратегию.

**Задание 3.** Для начальной позиции (11, 31) укажите, кто из игроков имеет выигрышную стратегию. Постройте дерево всех партий, возможных при указанной вами выигрышной стратегии. Представьте дерево в виде рисунка или таблицы.

**27** На плоскости задано множество точек с целочисленными координатами. Необходимо найти максимально возможную площадь невырожденного (т.е. имеющего ненулевую площадь) треугольника, одна вершина которого расположена в начале координат, а две другие лежат на биссектрисах углов, образованных осями координат, и при этом принадлежат заданному множеству. Если такого треугольника не существует, необходимо вывести соответствующее сообщение. Напишите эффективную по времени и по используемой памяти программу для решения этой задачи. Программа считается эффективной по времени, если при увеличении

количества точек в  $k$  раз время работы возрастает не более чем в  $k$  раз. Программа считается эффективной по памяти, если размер памяти для хранения всех необходимых данных не зависит от количества точек и не превышает 1 килобайта. Перед текстом программы кратко опишите алгоритм решения и укажите язык программирования и его версию.

В первой строке задаётся  $N$  – количество точек в заданном множестве. Каждая из следующих строк содержит два целых числа – координаты очередной точки.

**Пример входных данных:**

```
3
6 6
-8 8
9 7
```

Если искомый треугольник существует, программа должна напечатать одно число: максимально возможную площадь треугольника, удовлетворяющего условиям. Если искомый треугольник не существует, программа должна напечатать сообщение: «Треугольник не существует».

**Пример выходных данных** для приведённого выше примера входных данных:

```
48
```